

Un analogue arithmétique de l'analyse complexe : les espaces de Berkovich sur \mathbb{Z} .

Jérôme POINEAU
LMNO, Université de Caen Normandie

Résumé

Pour mesurer des distances entre entiers, on utilise souvent la valeur absolue usuelle, mais d'autres existent. En théorie des nombres, on s'efforce d'ailleurs de toutes les considérer sur le même plan.

À la fin des années quatre-vingt, Vladimir Berkovich a défini des espaces dont les points sont précisément des valeurs absolues et a montré que l'on disposait dans ce cadre d'une théorie proche de l'analyse complexe.

Nous esquisserons une image de ces espaces et exposerons leurs principales propriétés ainsi que quelques applications.